

**УДК 004.021  
ББК 32.973.3  
Д21**

- Дауни А. Б.  
**Д21** Байесовские модели / пер. с анг. В. А. Яроцкого. – М.: ДМК Пресс, 2018. – 182 с.: ил.

**ISBN 978-5-97060-664-3**

Если вы знаете, как программировать на Python, и немного знаете о теории вероятности, значит, вы готовы освоить байесовскую статистику. Эта книга расскажет вам, как решать статистические задачи с помощью языка Python вместо математических формул и использовать дискретные вероятностные распределения вместо непрерывной математики.

Байесовские статистические методы становятся все более обширными и важными. Но в помощь начинающим доступно не слишком много источников. Изложенная в этой книге методика основана на материале проводимых автором студенческих занятий и точно поможет вам сделать хороший старт!

Издание будет полезно всем специалистам по анализу данных, кто должен использовать статистические данные в условиях их неполноты или решать другие нетривиальные задачи, связанные с вероятностными распределениями.

УДК 004.021  
ББК 32.973.3

Original English language edition published by O'Reilly Media, Inc. Copyright © 2013 Allen B. Downey. Russian-language edition copyright © 2018 by DMK Press. All rights reserved.

Все права защищены. Любая часть этой книги не может быть воспроизведена в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами без письменного разрешения владельцев авторских прав.

ISBN 978-1-449-37078-7 (анг.)  
 ISBN 978-5-97060-664-3 (рус.)

Copyright © 2013 Allen B. Downey  
 © Оформление, издание, перевод,  
 ДМК Пресс, 2018

# Содержание

<b>Вступительное слово .....</b>	9
<b>Предисловие .....</b>	10
<b>Глава 1. Теорема Байеса .....</b>	16
Условная вероятность.....	16
Совместная вероятность .....	17
Задача о булочках .....	17
Теорема Байеса .....	18
Диахроническая интерпретация .....	19
Задача М&М.....	20
Задача Монти Холла .....	22
Обсуждение.....	24
<b>Глава 2. Вычислительная статистика.....</b>	25
Распределения .....	25
Задача с булочками.....	26
Байесовская структура .....	27
Задача Монти Холла .....	28
Формирование структуры программного пакета .....	29
Задача М&М.....	30
Обсуждение .....	31
Упражнение.....	32
<b>Глава 3. Оценивание.....</b>	33
Задача об игральных костях .....	33
Задача о локомотиве .....	34
Что насчет этого приора?.....	36
Альтернативный приор.....	37
Доверительный интервал .....	39
Кумулятивные функции распределения.....	39
Задача о немецком танке .....	40
Обсуждение .....	41
Упражнение.....	41
<b>Глава 4. Больше об оценивании.....</b>	43
Задача о евро.....	43
Итоговый постериор .....	44

## 6 ❖ Содержание

---

Подавление приоров .....	45
Оптимизация .....	47
Бета-распределение .....	48
Обсуждение .....	50
Упражнения.....	50
<b>Глава 5. Отношение вероятностей и добавления .....</b>	<b>52</b>
Отношение вероятностей .....	52
Теорема Байеса в форме отношения вероятностей .....	53
Группа крови Оливера.....	54
Добавления .....	55
Максимизации .....	58
Перемешивание .....	60
Обсуждение .....	62
<b>Глава 6. Анализ решений.....</b>	<b>63</b>
Задача «Справедливой цены».....	63
Приор .....	64
Функция плотности вероятности .....	65
Представление PDF.....	65
Моделирование участников.....	67
Правдоподобие .....	69
Обновление .....	70
Оптимальное предложение цены .....	71
Обсуждение .....	74
<b>Глава 7. Предсказание .....</b>	<b>75</b>
Задача о Бостон Брюинс.....	75
Процесс Пуассона .....	76
Постериоры .....	77
Распределение голов .....	78
Вероятность выигрыша.....	79
Выигрыш в дополнительное время .....	80
Обсуждение .....	82
Упражнения.....	83
<b>Глава 8. Погрешность наблюдения .....</b>	<b>85</b>
Задача о линии метрополитена.....	85
Модель .....	85
Время ожидания .....	87
Предсказание ожидаемого времени .....	89
Оценка времени прибытия.....	92

---

Включение неопределенности .....	94
Анализ решений .....	95
Обсуждение .....	97
Упражнение .....	98
<b>Глава 9. Двумерное измерение .....</b>	<b>99</b>
Пейнтбол .....	99
Пакет гипотез .....	99
Тригонометрия .....	100
Правдоподобие .....	102
Совместные распределения .....	102
Условные распределения .....	104
Доверительные интервалы .....	105
Обсуждение .....	107
Упражнение .....	108
<b>Глава 10. Апроксимация при байесовских вычислениях .....</b>	<b>109</b>
Гипотеза изменчивости .....	109
Среднее и стандартное отклонение .....	110
Обновление .....	112
Апостериорное распределение CV .....	113
Потеря значимости .....	113
Логарифмическое правдоподобие .....	115
Небольшая оптимизация .....	116
Апроксимация при байесовских вычислениях (ABC) .....	117
Робастное оценивание .....	118
Кто более изменчив? .....	120
Обсуждение .....	122
Упражнение .....	122
<b>Глава 11. Проверка гипотез .....</b>	<b>124</b>
Обратно к задаче о евро .....	124
Справедливое сравнение .....	125
Треугольный приор .....	126
Обсуждение .....	127
Упражнения .....	128
<b>Глава 12. Свидетельства .....</b>	<b>129</b>
Интерпретация оценки SAT .....	129
Шкала .....	129
Приор .....	130
Постериор .....	132

---

Улучшенная модель .....	133
Градуировка .....	135
Апостериорное распределение эффективности .....	136
Распределение предсказания .....	138
Обсуждение .....	138
<b>Глава 13. Моделирование .....</b>	<b>140</b>
Проблема опухоли почек .....	140
Простая модель .....	141
Более общая модель .....	143
Реализация .....	144
Кеширование совместного распределения .....	145
Условные распределения .....	146
Последовательная корреляция .....	147
Обсуждение .....	151
<b>Глава 14. Иерархическая модель .....</b>	<b>152</b>
Задача о счетчике Гейгера .....	152
Простое начало .....	153
Создание иерархии .....	154
Небольшая оптимизация .....	155
Извлечение постериоров .....	155
Обсуждение .....	157
Упражнение .....	157
<b>Глава 15. Борьба с размерностью .....</b>	<b>158</b>
Бактерии пупка .....	158
Львы, тигры и медведи .....	158
Иерархическая версия .....	161
Случайная выборка .....	163
Оптимизация .....	164
Сворачивание иерархии .....	165
Еще одна проблема .....	167
Мы сделали еще не все .....	168
Данные пупка .....	170
Прогнозирующее распределение .....	172
Совместный постериор .....	175
Перекрывающая зона .....	176
Обсуждение .....	178
<b>Предметный указатель .....</b>	<b>180</b>