

УДК 373.167.1:512+512(075.3)

ББК 22.14я721

М34

Авторы: *Ш. А. Алимов, Ю. М. Колягин, М. В. Ткачёва,
Н. Е. Фёдорова, М. И. Шабунин*

На учебник получены **положительные** заключения
научной (заключение РАО № 478 от 14.11.2016 г.),
педагогической (заключение РАО № 167 от 09.11.2016 г.) и
общественной (заключение РКС № 161-ОЭ от 22.12.2016 г.)
экспертиз.

Условные обозначения

-  выделение основного материала
-  текст, который важно знать и полезно помнить
-   решение задачи
-   обоснование утверждения или вывод формулы
-  обязательные задачи
-  дополнительные задачи
-  трудные задачи
-  дополнительный более сложный материал

**Математика: алгебра и начала математического анализа,
М34 геометрия. Алгебра и начала математического анализа.
10—11 классы** : базовый и углублённый уровни : учебник / Ш. А. Алимов, Ю. М. Колягин, М. В. Ткачёва [и др.]. — 11-е изд., стер. — Москва : Просвещение, 2023. — 463, [1] с. : ил.

ISBN 978-5-09-107210-5.

В данном учебнике завершается развитие основных идей курса алгебры 7—9 классов авторов Ю. М. Колягина и др. Элементарные функции изучаются в 10 классе классическими элементарными методами без привлечения производной; числовая линия и линия преобразований развиваются параллельно с функциональной; начала математического анализа рассматриваются в 11 классе. Система упражнений представлена на трёх уровнях сложности. Задачи повышенной трудности в конце учебника содержат богатый материал для подготовки в вузы с повышенными требованиями по математике.

УДК 373.167.1:512+512(075.3)
ББК 22.14я721

ISBN 978-5-09-107210-5

© АО «Издательство «Просвещение», 2014, 2017
© Художественное оформление.
АО «Издательство «Просвещение», 2014, 2019
Все права защищены

О ГЛАВЛЕНИЕ

Глава I. Действительные числа

§ 1.	Целые и рациональные числа	3
§ 2.	Действительные числа	7
§ 3.	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	11
§ 4.	Арифметический корень натуральной степени	17
§ 5.	Степень с рациональным и действительным показателями	24
	<i>Упражнения к главе I</i>	35

Глава II. Степенная функция

§ 6.	Степенная функция, её свойства и график	39
§ 7.	Взаимно обратные функции	47
§ 8.	Равносильные уравнения и неравенства	54
§ 9.	Иррациональные уравнения	60
§ 10*.	Иррациональные неравенства	63
	<i>Упражнения к главе II</i>	69

Глава III. Показательная функция

§ 11.	Показательная функция, её свойства и график	72
§ 12.	Показательные уравнения	77
§ 13.	Показательные неравенства	81
§ 14.	Системы показательных уравнений и неравенств	84
	<i>Упражнения к главе III</i>	87

Глава IV. Логарифмическая функция

§ 15.	Логарифмы	90
§ 16.	Свойства логарифмов	94
§ 17.	Десятичные и натуральные логарифмы	96
§ 18.	Логарифмическая функция, её свойства и график . .	100
§ 19.	Логарифмические уравнения	105
§ 20.	Логарифмические неравенства	109
	<i>Упражнения к главе IV</i>	113

Глава V. Тригонометрические формулы

§ 21.	Радианная мера угла	117
§ 22.	Поворот точки вокруг начала координат	121
§ 23.	Определение синуса, косинуса и тангенса угла	126
§ 24.	Знаки синуса, косинуса и тангенса	132
§ 25.	Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла	135
§ 26.	Тригонометрические тождества	139
§ 27.	Синус, косинус и тангенс углов α и $-\alpha$	142
§ 28.	Формулы сложения	144

§ 29. Синус, косинус и тангенс двойного угла	149
§ 30*. Синус, косинус и тангенс половинного угла	152
§ 31. Формулы приведения	156
§ 32. Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов	161
<i>Упражнения к главе V</i>	164

Глава VI. Тригонометрические уравнения

§ 33. Уравнение $\cos x = a$	168
§ 34. Уравнение $\sin x = a$	173
§ 35. Уравнение $\operatorname{tg} x = a$	179
§ 36. Решение тригонометрических уравнений	184
§ 37*. Примеры решения простейших тригонометрических неравенств	194
<i>Упражнения к главе VI</i>	197

Глава VII. Тригонометрические функции

§ 38. Область определения и множество значений тригонометрических функций	201
§ 39. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций	204
§ 40. Свойства функции $y = \cos x$ и её график	208
§ 41. Свойства функции $y = \sin x$ и её график	213
§ 42. Свойства функции $y = \operatorname{tg} x$ и её график	217
§ 43*. Обратные тригонометрические функции	223
<i>Упражнения к главе VII</i>	227

Глава VIII. Производная и её геометрический смысл

§ 44. Производная	229
§ 45. Производная степенной функции	236
§ 46. Правила дифференцирования	240
§ 47. Производные некоторых элементарных функций . .	245
§ 48. Геометрический смысл производной	251
<i>Упражнения к главе VIII</i>	257

Глава IX. Применение производной к исследованию функций

§ 49. Возрастание и убывание функции	261
§ 50. Экстремумы функции	265
§ 51. Применение производной к построению графиков функций	271
§ 52. Наибольшее и наименьшее значения функции . . .	277
§ 53*. Выпуклость графика функции, точки перегиба . .	283
<i>Упражнения к главе IX</i>	287

Глава X. Интеграл

§ 54.	Первообразная	291
§ 55.	Правила нахождения первообразных	294
§ 56.	Площадь криволинейной трапеции и интеграл	297
§ 57.	Вычисление интегралов	301
§ 58.	Вычисление площадей с помощью интегралов	304
§ 59*.	Применение производной и интеграла к решению практических задач	309
	<i>Упражнения к главе X</i>	315

Глава XI. Комбинаторика

§ 60.	Правило произведения	317
§ 61.	Перестановки	320
§ 62.	Размещения	323
§ 63.	Сочетания и их свойства	326
§ 64.	Бином Ньютона	330
	<i>Упражнения к главе XI</i>	333

Глава XII. Элементы теории вероятностей

§ 65.	События	336
§ 66.	Комбинации событий. Противоположное событие	339
§ 67.	Вероятность события	343
§ 68.	Сложение вероятностей	346
§ 69.	Независимые события. Умножение вероятностей	350
§ 70.	Статистическая вероятность	354
	<i>Упражнения к главе XII</i>	359

Глава XIII. Статистика

§ 71.	Случайные величины	364
§ 72.	Центральные тенденции	370
§ 73.	Меры разброса	375
	<i>Упражнения к главе XIII</i>	383

Приложение

§ 1.	Множества	387
§ 2.	Элементы математической логики	388
§ 3.	Предел последовательности	390
§ 4.	Дробно-линейная функция и её график	393
§ 5.	Уравнения и неравенства с двумя неизвестными	395

Упражнения для итогового повторения

курса алгебры и начал математического анализа 400

Задачи для внеклассной работы 426

Ответы и указания 432

Предметный указатель 460