

---

## Оглавление

---

<b>Предисловие к серии .....</b>	3
<b>Предисловие .....</b>	11
<b>Глава 1. Распространение волн в стержнях из нелинейноупругого и упругопластического материалов (теория продольного удара) .....</b>	
§ 1.1. Метод характеристик для решения квазилинейных гиперболических уравнений второго порядка в частных производных .....	15
§ 1.2. Распространение плоских нелинейных волн нагружения в длинных стержнях .....	22
§ 1.3. Волна разгрузки. Решение задач динамического деформирования стержней, когда скорость волны разгрузки известна .....	34
§ 1.4. Применение метода характеристик для решения прямой задачи о волне разгрузки. Определение начальной скорости волны разгрузки. Случай точных решений задачи .....	52
§ 1.5. Распространение упругопластических волн в среде с переменным пределом упругости. Задача о накоплении остаточных деформаций ..	64
§ 1.6. Волновой процесс в стержне при ударе им о преграду. Основы жесткотипластического анализа. Соударение деформируемых стержней ..	83
§ 1.7. Удар твердым телом конечной массы по закрепленному стержню .....	112
§ 1.8. Приближенный метод исследования волнового процесса в затупленном стержне при продольном ударе .....	118
§ 1.9. Динамическая диаграмма «напряжение – деформация». Методы ее экспериментального определения .....	122
Литература .....	150
<b>Глава 2. Теория поперечного удара по гибким деформируемым связям и балкам .....</b>	
§ 2.1. Система уравнений, описывающих процесс распространения волн при поперечном ударе.	154

Характеристики системы. Соотношения на волне излома нити . . . . .	154
§ 2.2. Точечный удар по гибкой деформируемой нити бесконечной длины . . . . .	165
§ 2.3. Удар по гибкой нити точкой конечной массы . . . . .	178
§ 2.4. Движение нити конечной длины при продольно-поперечном ударе. Возникновение вторичных продольных волн натяжения . . . . .	189
§ 2.5. Переходные этапы движения гибкой нити с тормозящими элементами на концах . . . . .	195
§ 2.6. Поперечный удар по гибкой нити телом заданной формы . . . . .	207
§ 2.7. Применение асимптотических методов для решения задач распространения волн в нитях при воздействии движущихся тел . . . . .	219
§ 2.8. Некоторые приложения теории продольно-поперечного удара . . . . .	227
§ 2.9. Поперечные колебания балок под действием динамических нагрузок . . . . .	233
Литература . . . . .	264
<b>Глава 3. Распространение волн возмущения с полярной, осевой и сферической симметрией . . . . .</b>	268
§ 3.1. Плоские продольные упругопластические волны . . . . .	268
§ 3.2. Цилиндрические волны сдвига (задача о скручивающем ударе) . . . . .	273
§ 3.3. Сферические волны . . . . .	282
§ 3.4. Распространение волн в стержнях переменного сечения . . . . .	298
§ 3.5. Распространение цилиндрических волн давления при внезапном приложении нагрузки . . . . .	302
§ 3.6. Удар с постоянной скоростью по гибкой мемbrane . . . . .	307
§ 3.7. Некоторые задачи динамического деформирования при наличии течения пластического материала . . . . .	325
Литература . . . . .	341
<b>Глава 4. Распространение возмущений в упругих и пластических средах, обладающих вязкостными свойствами и эффектами последействия и релаксации . . . . .</b>	343
§ 4.1. Классификация сред и сфера их применимости . . . . .	343
§ 4.2. Распространение возмущений в стержнях, материал которых обладает вязкостными	

свойствами и эффектами последействия и релаксации . . . . .	356
§ 4.3. Распространение возмущений в вязкопластической среде . . . . .	374
§ 4.4. Распространение волн в упруговязкопластической среде . . . . .	406
§ 4.5. Сильный взрыв в грунте . . . . .	441
Литература . . . . .	449
<b>Глава 5. Основы линейной механики разрушения . . . . .</b>	452
§ 5.1. Введение в механику разрушения . . . . .	452
§ 5.2. Основные уравнения . . . . .	457
§ 5.3. Прямолинейная трещина в условиях антиплюской деформации . . . . .	463
§ 5.4. Трещина нормального отрыва . . . . .	467
§ 5.5. Асимптотическое поведение решения для трещин трех типов. Учет геометрии тела. Критерий разрушения при произвольном нагружении . . . . .	473
§ 5.6. Силовой и энергетический критерии разрушения и их эквивалентность . . . . .	477
§ 5.7. Экспериментальное определение вязкости разрушения . . . . .	479
§ 5.8. Численные методы решения статических задач линейной механики разрушения . . . . .	482
Литература . . . . .	491
<b>Глава 6. Влияние скорости движения трещин и физической нелинейности на асимптотику поведения решения задачи в вершине трещины . . . . .</b>	494
§ 6.1. Стационарное движение полубесконечной трещины нормального отрыва . . . . .	494
§ 6.2. Стационарное движение трещины в случае антиплюской деформации . . . . .	502
§ 6.3. Уравнения пластического течения в окрестности вершины трещины . . . . .	507
§ 6.4. Учет пластиичности для трещины в условиях антиплюской деформации . . . . .	510
§ 6.5. Пластическая область в окрестности края трещины нормального отрыва . . . . .	516
§ 6.6. Модели трещин с областями предразрушения . . . . .	520
Литература . . . . .	527
<b>Глава 7. Критерии разрушения твердых тел. Кинетические и континуальные модели разрушения . . . . .</b>	529
§ 7.1. Критерии разрушения твердых тел в условиях статического и квазистатического нагружения . . . . .	531

---

§ 7.2. Распространение волн в повреждаемой среде . . . . .	550
§ 7.3. Модели континуального разрушения . . . . .	560
Литература . . . . .	566
<b>Глава 8. Распространение волн в упругой среде . . . . .</b>	<b>571</b>
§ 8.1. Волны в неограниченной, изотропной, линейно-упругой среде. Основные характеристики волн . . . . .	571
§ 8.2. Волны в неограниченной анизотропной линейно-упругой среде . . . . .	579
§ 8.3. Взаимодействие волн с границей раздела двух сред . . . . .	587
§ 8.4. Поверхностные волны Рэлея и Лява . . . . .	601
§ 8.5. Волны в пластине и круглом стержне . . . . .	612
Литература . . . . .	620

---

## Предисловие

---

В современной технике все чаще и чаще встречаются случаи действия интенсивных динамических нагрузок. В авиации и ракетной технике ими являются нерегулярно-циклические нагрузки, обусловленные действием ударных волн и порывов ветра. В гражданском, промышленном, гидротехническом строительстве и в горных разработках могут воздействовать сейсмические и взрывные, а также циклические нагрузки. Динамические нагрузки действуют во всех случаях, когда имеют место соударения частей работающих машин или их воздействие на объекты производства (например, удар багана по нити в текстильных машинах, удары пневмомолота по породе и др.). В этой связи расчет на прочность сооружений, машин и массивов, подверженных динамическим воздействиям, приобретает исключительно важное значение. Кроме того, разработка методики измерения динамических нагрузок связана с решением ряда теоретических задач о их воздействии на соответствующую аппаратуру.

Наука о динамической прочности, в которой изучаются указанные проблемы, развивается прежде всего в направлении разработки теоретических и экспериментальных методов расчета напряженного и деформированного состояний машин, сооружений и массивов. Дело в том, что статический расчет указанных состояний может привести к большим ошибкам, поскольку для времен, меньших времени пробега возникающих волн, внешнему воздействию сопротивляется лишь часть конструкции или сооружения.

Развитие науки о динамической прочности неразрывно связано с изучением поведения различных материалов при воздействии на них нагрузок указанного типа. Известно, что большинство материалов в условиях динамического воздействия ведет себя совершенно иначе, чем при статическом нагружении. Так, предел текучести металлов при динамических нагрузках может быть значительно выше статического предела текучести, а разрушение материала при больших скоростях деформаций как правило происходит хрупким образом.

Ввиду огромной сложности получения данных в динамических экспериментах и многообразия используемых материалов при создании экспериментальных методов необходимо отдаваться от определенных теоретических предпосылок и пользоваться результатами со-