

УДК 004.02  
 ББК 32.972  
 Г79

**Джордж Грекусис**

**Г79** Методы и практика пространственного анализа / пер. с англ. А. Н. Киселева. – М.: ДМК Пресс, 2021. – 540 с.: ил.

**ISBN 978-5-97060-912-5**

Книга знакомит читателей с приемами и методами пространственного анализа и пространственной статистики с помощью ГИС. Каждая глава представляет отдельную группу методов и метрик, объясняет, как интерпретировать результаты, и содержит практические примеры.

В числе рассматриваемых тем описание и отображение данных посредством исследовательского пространственного анализа данных, анализ географического распределения и точечных закономерностей, пространственная автокорреляция, пространственная кластеризация, географически взвешенная регрессия и регрессия методом наименьших квадратов, пространственная эконометрика. Примеры, объединяющие теорию и практику, связаны в единое исследование с использованием программного обеспечения и сопровождаются пояснительными иллюстрациями. Упражнения решаются дважды: сначала с помощью ArcGIS, а затем – GeoDa.

Книга будет полезна аспирантам и исследователям, занимающимся анализом геопространственных данных через призму пространственного анализа, в том числе всем, кто использует геоинформационные системы в экологии, географии и социальных науках.

УДК 004.02  
 ББК 32.972

Copyright Original English language edition published by Cambridge University Press is part of the University of Cambridge. Copyright © 2020 by George Grekousis. Russian-language edition copyright © 2021 by DMK Press.  
 All rights reserved.

Все права защищены. Любая часть этой книги не может быть воспроизведена в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами без письменного разрешения владельцев авторских прав.

ISBN (англ.) 978-1108712934  
 ISBN (рус.) 978-5-97060-912-5

© 2020 George Grekousis  
 © Оформление, издание, перевод, ДМК Пресс, 2021

# Оглавление

|   |    |
|---|----|
| <b>Предисловие от издательства.....</b>   | 11 |
| <b>Вступление .....</b>   | 12 |
| <b>Глава 1. Пространственное мышление:<br/>основные понятия пространственного анализа<br/>и концептуализация пространства .....</b>                     | 15 |
| Теория.....   | 15 |
| 1.1. Введение: пространственный анализ.....   | 16 |
| 1.2. Основные определения .....   | 20 |
| 1.3. Пространственные данные: что в них особенного? .....   | 25 |
| 1.4. Концептуализация пространственных отношений .....  | 30 |
| 1.5. Измерение расстояния .....   | 32 |
| 1.5.1. Фиксированное расстояние (сфера влияния) .....   | 33 |
| 1.5.2. Расстояние затухания .....   | 35 |
| 1.6. Близость: матрица смежности .....  | 39 |
| 1.6.1. Близость полигонов .....   | 39 |
| 1.6.2. Матрица смежности.....   | 41 |
| 1.7. Взаимодействие.....  | 42 |
| 1.8. Окрестности и соседи .....   | 43 |
| 1.8.1. Метод $k$ ближайших соседей .....  | 43 |
| 1.8.2. Метод пространственно-временного окна .....  | 45 |
| 1.8.3. Метод полигонов близости .....   | 46 |
| 1.8.4. Триангуляция Делоне и нерегулярные триангуляционные сети .....   | 47 |
| 1.9. Пространственные веса и стандартизация строк.....  | 48 |
| 1.10. Заключительные замечания к главе .....  | 50 |
| Вопросы и ответы .....  | 51 |
| Практическая работа 1. Пространственный анализ инвестиций<br>на рынке недвижимости .....  | 54 |
| A. ArcGIS .....   | 60 |
| B. GeoDa .....  | 67 |
| Упражнение 1.1. Знакомство с данными и областью исследования .....  | 67 |
| <b>Глава 2. Инструменты и статистики исследовательского<br/>анализа пространственных данных .....</b>   | 73 |
| Теория.....   | 73 |
| 2.1. Введение в исследовательский анализ пространственных данных,<br>описательную статистику, статистику выводов и пространственную<br>статистику ..... | 74 |

---

|  |            |
|--|------------|
| 2.2. Простые инструменты ESDA и описательные статистики для визуализации пространственных данных (одномерные данные) ..... | 78         |
| 2.2.1. Фоновые картограммы .....   | 78         |
| 2.2.2. Распределение частот и гистограммы.....   | 80         |
| 2.2.3. Оценка центра.....  | 84         |
| 2.2.4. Оценки формы .....  | 86         |
| 2.2.5. Оценки рассеяния/изменчивости – вариативность .....   | 87         |
| 2.2.6. Процентили, квартили и квентили.....  | 90         |
| 2.2.7. Выбросы .....   | 91         |
| 2.2.8. Коробчатая диаграмма .....  | 93         |
| 2.2.9. Нормальный график КК.....   | 96         |
| 2.3. Инструменты ESDA и описательные статистики для анализа двух и более переменных (двумерный анализ) .....               | 97         |
| 2.3.1. Диаграмма рассеяния .....   | 97         |
| 2.3.2. Матрица диаграмм рассеяния.....   | 99         |
| 2.3.3. Ковариационная и дисперсионно-ковариационная матрицы....  | 100        |
| 2.3.4. Коэффициент корреляции.....   | 102        |
| 2.3.5. Парная корреляция .....   | 105        |
| 2.3.6. Нормальный график КК.....   | 106        |
| 2.4. Изменение масштаба данных .....   | 106        |
| 2.5. Статистика выводов и ее роль .....  | 110        |
| 2.5.1. Параметрические методы .....  | 111        |
| 2.5.2. Непараметрические методы .....  | 115        |
| 2.5.3. Доверительный интервал.....   | 116        |
| 2.5.4. Стандартная ошибка, стандартная ошибка  |            |
| 2.5.5. Проверки значимости, гипотезы, $p$ -значение и $z$ -оценка .....  | 119        |
| 2.6. Использование нормального распределения<br>в географическом анализе .....   | 125        |
| 2.7. Заключительные замечания к главе .....  | 127        |
| Вопросы и ответы.....  | 128        |
| Практическая работа 2. Исследовательский анализ<br>пространственных данных (ESDA): анализ и отображение данных....         | 132        |
| A. ArcGIS .....  | 133        |
| Упражнение 2.1. Инструменты ESDA: отображение и анализ<br>распределения доходов .....                                      | 133        |
| Упражнение 2.2. Двумерный анализ: анализ расходов по уровню<br>образования .....   | 147        |
| B. GeoDa .....   | 152        |
| Упражнение 2.1. Инструменты ESDA: отображение и анализ<br>распределения доходов .....                                      | 152        |
| Упражнение 2.2. Двумерный анализ: анализ расходов по уровню<br>образования .....   | 158        |
| <b>Глава 3. Анализ географического распределения<br/>и структуры точечных закономерностей .....</b>                        | <b>162</b> |
| Теория.....  | 162        |

---

|  |            |
|--|------------|
| 3.1. Анализ географического распределения: центрография .....  | 163        |
| 3.1.1. Средний центр .....   | 163        |
| 3.1.2. Медианный центр .....   | 166        |
| 3.1.3. Центральный объект .....  | 167        |
| 3.1.4. Стандартное расстояние .....  | 169        |
| 3.1.5. Эллипс стандартного отклонения .....  | 171        |
| 3.1.6. Географические и пространственные выбросы .....   | 173        |
| 3.2. Анализ пространственных закономерностей: анализ структуры точечных закономерностей .....                              | 178        |
| 3.2.1. Определения: пространственный процесс, полная пространственная случайность, эффекты первого и второго порядка ..... | 180        |
| 3.2.2. Пространственный процесс .....  | 182        |
| 3.3. Методы анализа структуры точечных закономерностей .....   | 185        |
| 3.3.1. Анализ ближайших соседей .....  | 186        |
| 3.3.2. K-функция Рипли и L-функция ее преобразования .....   | 187        |
| 3.3.3. Ядерная функция плотности .....   | 191        |
| 3.4. Заключительные замечания к главе .....  | 195        |
| Вопросы и ответы .....   | 196        |
| Практическая работа 3. Пространственная статистика:  |            |
| оценка географических распределений .....  | 199        |
| Упражнение 3.1. Оценка географических распределений .....  | 200        |
| Упражнение 3.2. Анализ точечных закономерностей .....  | 207        |
| Упражнение 3.3. Ядерная оценка плотности .....   | 214        |
| Упражнение 3.4. Географические выбросы .....   | 219        |
| <b>Глава 4. Пространственная автокорреляция .....</b>  | <b>222</b> |
| Теория .....   | 222        |
| 4.1. Пространственная автокорреляция .....   | 223        |
| 4.2. Глобальная пространственная автокорреляция .....  | 226        |
| 4.2.1. Индекс I Морана и диаграмма рассеяния .....   | 226        |
| 4.2.2. Индекс С Гири .....   | 232        |
| 4.2.3. Общая G-статистика .....  | 233        |
| 4.3. Инкрементальная пространственная автокорреляция .....   | 235        |
| 4.4. Локальная пространственная автокорреляция .....   | 238        |
| 4.4.1. Локальный индекс I Морана (анализ кластеров и выбросов) .....   | 238        |
| 4.4.2. Оптимизированный анализ выбросов .....  | 242        |
| 4.4.3. Индексы Гетисса–Орда $G_i$ и $G_i^*$ (анализ горячих точек) .....   | 243        |
| 4.4.4. Оптимизированный анализ горячих точек .....   | 245        |
| 4.5. Пространственно-временной корреляционный анализ .....   | 246        |
| 4.5.1. Двумерный индекс I Морана пространственно-временной корреляции .....  | 246        |
| 4.5.2. Дифференциальный индекс I Морана .....  | 248        |
| 4.5.3. Анализ возникновения горячих точек .....  | 250        |
| 4.6. Проблема множественного сравнения и пространственная зависимость .....  | 251        |
| 4.7. Заключительные замечания к главе .....  | 253        |

---

|  |            |
|--|------------|
| Вопросы и ответы .....   | 254        |
| Практическая работа 4. Пространственная автокорреляция .....   | 258        |
| A. ArcGIS .....  | 259        |
| Упражнение 4.1. Глобальная пространственная автокорреляция.....  | 259        |
| Упражнение 4.1. Глобальная пространственная автокорреляция.....  | 260        |
| Упражнение 4.2. Инкрементальная пространственная автокорреляция<br>и матрица пространственных весов.....                 | 264        |
| Упражнение 4.3. Анализ кластеров и выбросов<br>(локальный индекс $I$ Морана) .....                                       | 270        |
| Упражнение 4.4. Анализ горячих точек (индекс $G_i$ Гетиса–Орда)<br>и оптимизированный анализ горячих точек.....          | 273        |
| Упражнение 4.5. Оптимизированный анализ горячих точек<br>криминальных событий .....                                      | 279        |
| B. GeoDa .....   | 282        |
| Упражнения 4.1 и 4.2. Глобальная пространственная автокорреляция<br>и матрица пространственных весов.....                | 282        |
| Упражнение 4.3. Анализ кластеров и выбросов<br>(локальный индекс $I$ Морана) .....                                       | 287        |
| Упражнение 4.4. Анализ горячих точек (индекс $G_i^*$ Гетиса–Орда) .....  | 290        |
| <b>Глава 5. Многомерные данные в географии: сокращение<br/>размерности данных и пространственная кластеризация .....</b> | <b>292</b> |
| Теория.....  | 292        |
| 5.1. Анализ многомерных данных.....  | 293        |
| 5.2. Метод главных компонент .....   | 297        |
| 5.3. Факторный анализ .....  | 307        |
| 5.4. Многомерное масштабирование .....   | 308        |
| 5.5. Кластерный анализ .....   | 310        |
| 5.5.1 Иерархическая кластеризация.....   | 311        |
| 5.5.2. Алгоритм $k$ средних (разделяющая кластеризация) .....  | 316        |
| 5.6. Регионализация .....  | 322        |
| 5.6.1. Метод SKATER.....   | 323        |
| 5.6.2. Метод REDCAP .....  | 326        |
| 5.7. Кластеризация на основе плотности: DBSCAN, HDBSCAN, OPTICS.....   | 327        |
| 5.8. Анализ сходства: косинусное сходство .....  | 329        |
| 5.9. Заключительные замечания к главе .....  | 331        |
| Вопросы и ответы .....   | 332        |
| Практическая работа 5. Многомерная статистика: кластеризация.....  | 335        |
| A. ArcGIS .....  | 336        |
| Упражнение 5.1. Кластеризация методом $k$ средних .....  | 336        |
| Сводные данные по переменным .....   | 345        |
| Упражнение 5.2. Пространственная кластеризация (Regionalization) ..  | 347        |
| Упражнение 5.3. Анализ сходства .....  | 350        |
| Упражнение 5.4. Обобщение .....  | 354        |
| B. GeoDa .....   | 363        |
| Упражнение 5.1. Кластеризация методом $k$ средних .....  | 363        |
| Упражнение 5.2. Пространственная кластеризация .....   | 366        |

---

|   |            |
|---|------------|
| <b>Глава 6. Моделирование отношений:<br/>регрессия и географически взвешенная регрессия.....</b>  | <b>369</b> |
| Теория.....   | 369        |
| 6.1. Простая линейная регрессия.....  | 370        |
| 6.1.1. Предположения в основе простой линейной регрессии.....   | 373        |
| 6.1.2. Обычный метод наименьших квадратов<br>(для определения точки пересечения и наклона).....   | 373        |
| 6.2. Множественная линейная регрессия.....  | 374        |
| 6.2.1. Основы множественной регрессии .....   | 374        |
| 6.2.2. Переобучение модели: выбор количества переменных путем<br>определения функциональной взаимосвязи .....                                 | 377        |
| 6.2.3. Отсутствующие значения.....  | 378        |
| 6.2.4. Выбросы и точки с большим плечом.....  | 378        |
| 6.2.5. Фиктивные переменные .....   | 379        |
| 6.2.6. Методы включения переменных в модель множественной<br>линейной регрессии: объяснительный анализ;<br>выявление причин и следствий ..... | 381        |
| 6.3. Оценка результатов линейной регрессии: метрики, критерии<br>и диаграммы .....  | 383        |
| 6.3.1. Множественный R-квадрат .....  | 383        |
| 6.3.2. Дисперсия и коэффициент детерминации R-квадрат .....   | 384        |
| 6.3.3. Скорректированный R-квадрат .....  | 388        |
| 6.3.4. Прогнозный R-квадрат .....   | 389        |
| 6.3.5. Стандартная ошибка (отклонение) регрессии<br>(или стандартная ошибка оценки).....  | 390        |
| 6.3.6. F-критерий общей значимости.....   | 391        |
| 6.3.7. t-статистика (критерий коэффициентов).....   | 393        |
| 6.3.8. Критерий Вальда (критерий коэффициентов).....  | 394        |
| 6.3.9. Стандартизованные коэффициенты (бета) .....  | 394        |
| 6.3.10. Остатки, диаграммы остатков и стандартизованных<br>остатков.....  | 397        |
| 6.3.11. Факторы влияния: выбросы и наблюдения с высоким плечом ...  | 400        |
| 6.4. Предположения в основе множественной линейной регрессии:<br>диагностика и исправление.....   | 402        |
| 6.5. Мультиколлинеарность .....   | 408        |
| 6.6. Практический пример: простая и множественная<br>линейная регрессия.....  | 410        |
| 6.7. Исследовательская регрессия .....  | 418        |
| 6.8. Географически взвешенная регрессия .....   | 422        |
| 6.8.1. Типы пространственных ядер.....  | 423        |
| 6.8.2. Ширина полосы .....  | 424        |
| 6.8.3. Интерпретация результатов GWR и практические<br>рекомендации.....  | 425        |
| 6.9. Заключительные замечания к главе .....   | 429        |
| Вопросы и ответы.....   | 430        |

---

|  |            |
|--|------------|
| Практическая работа 6. Обычный метод наименьших квадратов (OLS), исследовательская регрессия, географически взвешенная регрессия (GWR) ..... | 433        |
| Упражнение 6.1. Исследовательская регрессия .....  | 434        |
| Упражнение 6.2. Регрессия обычным методом наименьших квадратов .....   | 448        |
| Упражнение 6.3. Географически взвешенная регрессия.....  | 459        |
| <b>Глава 7. Пространственная эконометрика.....</b>   | <b>471</b> |
| Теория.....  | 471        |
| 7.1. Пространственная эконометрика .....   | 472        |
| 7.2. Пространственная зависимость: модели и критерии пространственной регрессии .....  | 473        |
| 7.2.1. Критерии пространственной зависимости .....   | 474        |
| 7.2.2. Выбор между моделями пространственного лага и пространственной ошибки .....   | 477        |
| 7.2.3. Методы оценки .....   | 479        |
| 7.3. Модель пространственного лага .....   | 479        |
| 7.3.1. Пространственный двухшаговый метод наименьших квадратов (S2SLS) .....   | 482        |
| 7.3.2. Максимальное правдоподобие.....   | 486        |
| 7.4. Модель пространственной ошибки.....   | 487        |
| 7.5. Пространственная фильтрация .....   | 489        |
| 7.6. Пространственная неоднородность: модели пространственной регрессии.....   | 490        |
| 7.7. Пространственные режимы .....   | 491        |
| 7.8. Заключительные замечания к главе .....  | 494        |
| Вопросы и ответы .....   | 494        |
| Практическая работа 7. Пространственная эконометрика.....  | 497        |
| Общий прогресс .....   | 497        |
| Сфера анализа.....   | 497        |
| Упражнение 7.1. Регрессия OLS.....   | 498        |
| Упражнение 7.2. Модель пространственной ошибки .....   | 508        |
| Упражнение 7.3. Регрессия OLS с пространственными режимами .....   | 511        |
| Упражнение 7.4. Модель пространственной ошибки с режимами.....   | 519        |
| <b>Список использованной литературы .....</b>  | <b>522</b> |
| <b>Предметный указатель .....</b>  | <b>532</b> |