

ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ЛИПЕЦКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

***Ю.И. КУДИНОВ***

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ УПРАВЛЕНИЯ  
В ЭКОНОМИКЕ С ПОМОЩЬЮ EXCEL**

**Учебное пособие**

Липецк 2010

ББК 65.050

**К 050**

Рецензенты: кафедра компьютерного и математического моделирования  
Тамбовского государственного университета  
им. Г.Р.Державина

Д-р физ.–мат.наук, проф. Курбатов В.Г.

Кудинов, Ю.И.

**К 050    Решение задач управления в экономике с помощью Excel [Текст]:  
учебное пособие / Ю.И. Кудинов. – Липецк: Издательство ЛГТУ, 2010. –  
96 с.**

ISBN 978-5-88247-444-6

В учебном пособии рассматриваются модели линейных и нелинейных задач управления и методы их решения с помощью Excel. Линейные модели представлены задачами планирования производства сетевыми и транспортными задачами.

Пособие предназначено для студентов экономических специальностей.

Ил. 42. Табл. 11. Библиогр.: 8 назв.

ББК 65.050

**К 050**

Печатается по решению редакционно-издательского совета ЛГТУ

ISBN 978-5-88247-444-6

© Кудинов Ю.И., 2010  
© Липецкий государственный  
технический университет, 2010

# СОДЕРЖАНИЕ

<b>ВВЕДЕНИЕ .....</b>	<b>4</b>
<b>1. ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ ОПТИМИЗАЦИИ .....</b>	<b>5</b>
1.1. Постановка задачи оптимизации .....	5
1.2. Классификация математических моделей .....	7
1.3. Этапы работ при принятии оптимальных решений .....	8
<b>2. ОПТИМАЛЬНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПРОИЗВОДСТВА .....</b>	<b>10</b>
2.1. Оптимальное распределение ресурсов .....	11
2.2. Выполнение плановых показателей .....	20
2.3. Задача с целочисленными переменными .....	22
2.4. Задача с двоичными переменными .....	23
2.5. Задача оптимального раскроя .....	26
2.6. Задача оптимального смещения .....	31
Самостоятельная работа №1 .....	34
<b>3. ТРАНСПОРТНЫЕ ЗАДАЧИ .....</b>	<b>47</b>
3.1. Классическая транспортная задача .....	47
3.2. Сетевая транспортная задача .....	53
3.3. Задача нахождения кратчайшего пути .....	56
3.4. Задача о назначениях .....	61
3.5. Задача управления запасами .....	67
Самостоятельная работа №2 .....	71
<b>4. НЕЛИНЕЙНЫЕ ЗАДАЧИ ОПТИМИЗАЦИИ .....</b>	<b>83</b>
4.1. Основные понятия .....	83
4.2. Задача о минимизации функции .....	85
4.3. Максимизация функции методом эволюционного поиска .....	89
Самостоятельная работа №3 .....	93
<b>БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК .....</b>	<b>95</b>

# ВВЕДЕНИЕ

Пособие посвящено основным принципам моделирования, которые можно применить к широкому спектру задач управления в экономике. Формализация и решение моделей экономических задач осуществляется с помощью электронной таблицы Excel. Пособие состоит из четырех глав.

В первой главе даются основные понятия линейных и нелинейных задач оптимизации.

Вторая глава посвящена решению линейных задач оптимального планирования производства. К ним относятся задачи оптимального распределения ресурсов, целочисленной оптимизации, с двоичными переменными, оптимального раскроя и смешения.

В третьей главе рассматриваются модели транспортных задач. В начале формулируется и решается классическая сбалансированная и несбалансированная транспортная задача. Затем приводятся такие версии транспортной задачи, как сетевая транспортная задача, задача нахождения кратчайшего пути, задачи о назначениях и управления запасами.

Содержание четвертой главы связано с применением методов нелинейного программирования (Ньютона) и генетического алгоритма для решения нелинейных задач оптимизации.

Важно подчеркнуть, что в конце второй, третьей и четвертой глав помещено большое число задач управления, предназначенных для самостоятельной работы студентов.

Пособие предназначено для приобретения практических навыков решения задач управления студентами экономических специальностей и слушателями курсов повышения квалификации.

# 1. ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ ОПТИМИЗАЦИИ

## 1.1. Постановка задачи оптимизации

Решение задачи управления предприятием предполагает достижение некоторой цели (максимальной прибыли, заданной производительности) с минимальными затратами ресурсов (труда, сырья, оборудования, денежных средств, природных ресурсов и т.п.). Другими словами, имеет место задача оптимизации, которая формулируется следующим образом.

Через  $b = (b_1, b_2, \dots, b_m)$  обозначается набор ресурсов, используемых при изготовлении  $n$  видов продукции в количестве  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , представленных в виде вектора  $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ . Пусть на изготовление продукции  $x$  тратится  $g_1(x)$  единиц первого ресурса,  $g_2(x)$  единиц второго ресурса и т.д. и  $g_m(x)$  единиц  $m$ -го ресурса.

Очевидно, что количество ресурсов должно удовлетворять ограничениям (ОГР)

$$g_i(x) \leq b_i, i = 1, 2, \dots, m. \quad (1.1)$$

Количество  $j$ -ого вида продукции  $x_j$  должно быть неотрицательным

$$x_j \geq 0, \quad (1.2)$$

т.е. в общем случае подчиняющееся односторонним

$$x_j \geq d_j \quad (1.3)$$

или двусторонним

$$d_j \leq x_j \leq D_j, j = 1, 2, \dots, n, \quad (1.4)$$

граничным условиям (ГРУ), где  $D_j$  и  $d_j$  – верхний и нижний пределы изменения переменной  $x_j$ .

При известном выражении целевой функции (ЦФ) прибыли  $f(x)$ , зависящей от количества выпускаемой продукции  $x$ , можно записать в математической форме задачу максимизации прибыли (минимизации себестоимости или выпуска заданного количества продукции)