Ä

УДК 512 ББК 22.144.12 Ц181

Печатается по решению Ученого совета математического факультета ФГБОУ ВПО «Московский педагогический государственный университет»

## Рецензенты:

**А. А. Фомин,** доктор физ.-мат. наук, профессор **Е. А. Тимошенко,** кандидат физ.-мат. наук, доцент

Ц181 **Царев А. В.** Основы теории абелевых групп: Учебное пособие. – М.: Прометей, 2012. – 66 с.

Учебное пособие подготовлено на кафедре алгебры МПГУ и адресовано студентам старших курсов и аспирантам математических факультетов университетов и педвузов. Затрагиваемые в нем вопросы не требуют специальных знаний, выходящих за рамки базового курса алгебры, и составляют базис для дальнейшего изучения абелевых групп.

Издание подготовлено при поддержке ФЦП «Научные и научно-педагогические кадры инновационной России» на 2009–2013 годы. Государственный контракт № 14.В37.21.0363

## ISBN 978-5-7042-2317-7

- © А. В. Царев, 2012
- © Издательство «Прометей», 2012

## Ä

## Оглавление

Предисловие		
Л1.	Основные понятия теории абелевых групп	5
Л2.	Прямые суммы и прямые произведения	9
Л3.	Периодические группы	15
$\Pi 4$ .	Свободные группы	20
Л 5.	Конечно порожденные группы	25
Л6.	Делимость. Делимые группы	31
Л7.	Ранг группы	36
Л8.	Строение делимых групп	39
Л9.	Сервантность и ее свойства	45
Л 10.	Ограниченные сервантные подгруппы	50
Л 11.	Прямые суммы циклических групп	54
Л 12.	Группы без кручения ранга 1	58
Список обозначений		63
Литература		64
Предметный указатель		65