УДК 532.5:681.3.06 ББК Л11-1с116я73-5 Ч67

Авторы: Г. В. Алексеев, Б. А. Вороненко,

М. В. Гончаров, И. И. Холявин

Рецензенты: директор ООО «ПРОТЕИН ПЛЮС»,

д. т. н., профессор В. Н. Красильников;

заведующий кафедрой техники мясных

и молочных производств ИХБТ НИУ ИТМО,

д. т. н., профессор *В.А. Арет*;

профессор кафедры информационных

технологий и высшей математики ГИЭФПТ,

д. т. н., профессор Л. И. Фридман

Ч67 Численные методы при моделировании технологических машин и оборудования: учеб. пособие / Г. В. Алексеев, Б. А. Вороненко, М. В. Гончаров [и др]. — СПб.: ГИОРД, 2014. - 200 с.: ил.

ISBN 978-5-98879-177-5

В кратком, но достаточном объеме изложены основные теоретические сведения важнейших разделов курса и приведены методические рекомендации по численному исследованию теоретических и эмпирических моделей технологических машин и оборудования с помощью пакетов программ Mathcad и Excel.

Для организации самостоятельной работы и вычислительного практикума студентов издание комплектуется компакт-диском с MathCAD-программами для решения задач численного моделирования.

Настоящее учебное пособие предназначено для студентов, обучающихся по программам бакалавров и магистров «Машины и агрегаты пищевой промышленности» и «Процессы и аппараты пищевых производств». Компоновка учебного пособия позволяет использовать его как студентам заочной формы обучения, так и студентам дневного отделения для индивидуальной работы, а также при дистанционной форме обучения. Оно может быть полезно для студентов, аспирантов и преподавателей других пищевых направлений, а также специалистов, занимающихся проблемами создания бытовой техники.

УДК 532.5:681.3.06 ББК Л11-1с116я73-5

ISBN 978-5-98879-177-5

© ООО «Издательство "ГИОРД"», 2014

## Оглавление

| 11 | редисловие   | O  |
|----|--|----|
| 1. | Общие сведения о содержании работ по созданию технологических машин и оборудования | 10 |
|    | 1.1. Общая методология работ   | 10 |
|    | Характерные особенности современной науки  |    |
|    | Наука как система знаний   |    |
|    | Методы исследования  |    |
|    | Последовательность выполнения НИР  | 14 |
|    | Методы обоснования тем научных исследований  | 18 |
|    | Выбор темы научно-исследовательской работы   |    |
|    | Технико-экономическое обоснование на проведение НИР                                | 21 |
|    | 1.2. Общие подходы к моделированию объекта разработок                              | 23 |
| 2. | Численные методы исследования теоретических моделей разрабатываемых объектов       | 25 |
|    |  |    |
|    | 2.1. Требования теории приближенных вычислений                                     |    |
|    | Погрешность округленного числа   |    |
|    | Погрешность округленного числа   |    |
|    | Погрешности элементарных функций   |    |
|    | Способ границ  |    |
|    | Обратная задача теории погрешностей  |    |
|    | Контрольные вопросы по п. 2.1  |    |
|    | Задания по п. 2.1  |    |
|    | 2.2. Методы численного решения скалярных уравнений                                 |    |
|    | Метод хорд   |    |
|    | Метол касательных  |    |
|    | Метод простой итерации   | -  |
|    | Контрольные вопросы по п. 2.2  |    |
|    | Задания по п. 2.2  |    |
|    | 2.3. Численные методы решения систем нелинейных уравнений                          |    |
|    | Метол Ньютона  | 60 |

|    | Контрольные вопросы по п. 2.3   |    |
|----|---|----|
|    |   |    |
|    | 2.4. Возможности численного интегрирования 6                            |    |
|    | Метод прямоугольников   |    |
|    | Метод Симпсона  | 59 |
|    | Метод трапеций  |    |
|    | <b>Метод Монте-Карло</b>  | 70 |
|    | Контрольные вопросы по п. 2.4   | 71 |
|    | Задания по п. 2.4   | 12 |
|    | 2.5. Численное решение обыкновенных дифференциальных                    |    |
|    | уравнений   |    |
|    | Метод Пикара 7  |    |
|    | Метод Эйлера и его модификации  |    |
|    | Метод Рунге-Кутты   |    |
|    | Метод Адамса  |    |
|    | Контрольные вопросы по п. 2.5   |    |
|    | Задания по п. 2.5   | 35 |
| 3. | Численные методы исследования эмпирических моделей                      |    |
|    | гехнологических машин и оборудования                                    | 39 |
|    | 3.1. Численные методы исследования однофакторных                        |    |
|    | эмпирических моделей 8  | 39 |
|    | 3.1.1. Оценка неизвестных параметров закона распределения 8             |    |
|    | Задания по п. 3.1.1   | )5 |
|    | 3.1.2. Составление выборочного уравнения прямой линии                   |    |
|    | регрессии   |    |
|    | Выборочное уравнение регрессии  |    |
|    | Отыскание параметров линейных уравнений регрессии 9 Задания по п. 3.1.2 |    |
|    | 3.1.3. Использование критерия согласия Пирсона                          |    |
|    | Задания по п. 3.1.3   |    |
|    | 3.2. Численные методы исследования многофакторных                       |    |
|    | эмпирических моделей11  | 11 |
|    | 3.2.1. Основные понятия о планировании эксперимента 11                  |    |
|    | Полный факторный эксперимент  |    |
|    | Матрица планирования полного факторного эксперимента 11                 |    |
|    | Дробный факторный эксперимент   | 5  |
|    | Проведение эксперимента на объекте                                      |    |
|    | Проверка воспроизводимости эксперимента                                 |    |
|    | Получение оценок коэффициентов модели                                   | ١٧ |

| Проверка значимости коэффициентов моделиПроверка адекватности математической моделиИнтерпретация модели  | 121<br>122                             |
|--|--|
| Продолжение аппроксимирующего эксперимента   | 129                                    |
| Анализ матрицы коэффициентов парной корреляции в пакете прикладных программ Excel  | 138<br>139                             |
| 3.3. Возможности поиска оптимальных решений моделей разрабатываемых объектов     3.3.1. Общие сведения     3.3.2. Решение задачи линейной оптимизации средствами Excel и Mathcad     3адания по п. 3.3 | 141<br>142                             |
| 4. Общие возможности численной оптимизации решений математических моделей  | 149                                    |
| 4.1. Краткие сведения из теории  | 149                                    |
| 4.2. Порядок выполнения анализа с помощью ЭВМ  |  |
| Контрольные задания по гл. 4   | 172                                    |
| Приложения   | 183                                    |
|  | 183                                    |
| Приложение 1. Варианты выборок   | 183<br>187                             |
| Таблица П1. Варианты выборок   | 183<br>187<br>192<br>197<br>197<br>198 |