УДК 519.1(075.8) ББК 22.176 Ж86

Рецензенты: А.Н. Велигура, А.Ю. Голубков

Жуков Д.А.

Ж86

Избранные задачи прикладной дискретной геометрии: учеб. пособие / Д. А. Жуков, П. Г. Ключарев. — М.: Изд-во МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2012. — 53, [3] с.: ил.

Рассмотрены алгебраические и комбинаторные свойства различных подмножеств булева куба, нашедшие применение в теории булевых функций, теории сложности, защите информации и теории кодирования. Приведены задачи с подробными решениями и упражнения различной степени сложности, предназначенные как для первоначального, так и для углубленного освоения методов дискретной математики и комбинаторного анализа.

Для студентов первого курса, обучающихся специальностям «Компьютерная безопасность» и «Информационная безопасность автоматизированных систем».

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (проект № 11-01-00508).

> УДК 519.1(075.8) ББК 22.176

Учебное издание

Жуков Дмитрий Александрович Ключарев Петр Георгиевич

ИЗБРАННЫЕ ЗАДАЧИ ПРИКЛАДНОЙ ДИСКРЕТНОЙ ГЕОМЕТРИИ

Редактор О.М. Королева Корректор О.В. Калашникова Компьютерная верстка В.И. Товстоног

Подписано в печать 05.07.2012. Формат $60 \times 84/16$. Усл. печ. л. 3,26. Тираж 100 экз. Изд. № 47. Заказ

> Издательство МГТУ им. Н.Э. Баумана. Типография МГТУ им. Н.Э. Баумана. 105005, Москва, 2-я Бауманская ул., 5.

> > © МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2012

. .

ОГЛАВЛЕНИЕ

Введение	3
1. Булев куб как метрическое пространство	5
2. Подкуб и слой в булевом кубе	8
3. Булев куб как линейное векторное пространство	11
4. Укладка куба на плоскости	15
5. Коды Грея	20
6. Комбинаторные свойства шара и сферы в булевом кубе	27
7. Расстояние между подмножествами булева куба	33
8. Сравнимые и несравнимые наборы	38
9. Теорема Шпернера	41
10. Разбиение куба на шары: код Хемминга	46
Задачи для самостоятельного решения	51
Литература	55